

## ЗАКОН КУЛОНА. ТЕОРЕМА ГАУССА.

1. Как зависит сила притяжения (отталкивания) двух параллельных равномерно заряженных

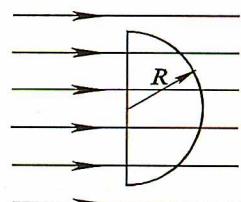
- а) нитей
  - б) плоскостей
- от расстояния между ними?

2. а) С какой силой действует точечный заряд  $q$  на равномерно заряженную плоскость (поверхностная плотность заряда  $\sigma$ ), находящуюся на расстоянии  $d$  от него?

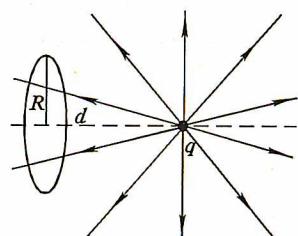
- б) Найдите поток поля заряда через эту плоскость.

3. а) Полусфера радиуса  $R$  находится в однородном электрическом поле  $E$  (ось симметрии полусферы параллельна полю). Найдите поток вектора  $E$  через ее поверхность.

- б) Тот же вопрос, если ось полусферы составляет угол  $\alpha$  с вектором  $E$ .



4. Круглую площадку радиуса  $R$  располагают на расстоянии  $d$  от заряда  $q$  (заряд находится на оси площадки) и измеряют поток  $\Phi$  электрического поля через площадку. Как этот поток зависит от  $d$  (при фиксированном  $R$ )? Нарисуйте график и найдите зависимость  $\Phi(d)$  в предельных случаях  $d \gg R$  и  $d \ll R$ .



5. Какое электрическое поле создает равномерно заряженный (объемная плотность заряда  $\rho$ )

- а) шар
- б) бесконечно длинный цилиндр?

Нарисуйте силовые линии и график напряженности электрического поля (включая область внутри шара/цилиндра).

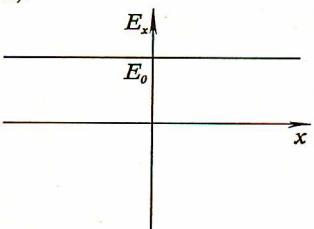
6. Можно ли устойчиво "подвесить" заряд в электрическом поле

- а) в невесомости
- б) в присутствии силы тяжести?

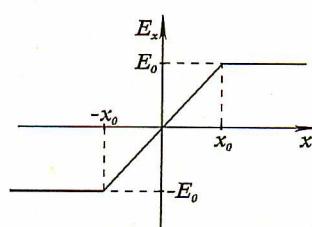
**Указание.** Примените теорему Гаусса к маленькой замкнутой поверхности, охватывающей точку равновесия заряда.

7. В каждой точке некоторой области пространства измерили напряженность электрического поля. Оказалось, что вектор  $E$  везде параллелен оси  $x$  и его проекция на ось  $x$  зависит только от  $x$ -координаты так, как показано на графике.

а)



б)



Восстановите распределение заряда (т.е. найдите объемную плотность заряда в каждой точке пространства).

- в) Как восстановить распределение заряда, зная напряженность поля, в общем случае?

Домашние задачи.

1. Найдите силу взаимодействия двух зарядов величиной 1 Кл на расстоянии 1 км друг от друга.

Ответ.  $F=8,9 \cdot 10^3$  Н

2. Найдите силу электростатического взаимодействия двух электронов на расстоянии  $10^{-8}$  см. Во сколько раз эта сила больше силы их гравитационного притяжения?

Ответ.  $F=2,3 \cdot 10^{-8}$  Н; в  $4,2 \cdot 10^{42}$  раз

3. На концах горизонтальной трубы длины  $l$  закреплены положительные заряды  $q_1$  и  $q_2$ . Найдите положение равновесия шарика с положительным зарядом  $q$ , который помещен внутрь трубы.

Ответ. На расстоянии  $x=l \cdot \sqrt{q_1} / (\sqrt{q_1} + \sqrt{q_2})$  от заряда  $q_1$

4. Два одинаковых заряженных шарика массы  $m$ , подвешенных в одной точке на нитях длины  $l$ , разошлись так, что угол между нитями стал прямым. Определите заряд шариков.

Ответ.  $q=\sqrt{8\pi\epsilon_0 l^2 mg}$

5. В заряженном шаре радиуса  $R$  напряженность электрического поля направлена вдоль его радиуса, а ее модуль везде равен  $E_0$ . Найдите распределение объемной плотности электрического заряда в шаре.

Ответ.  $\rho(r)=2\epsilon_0 E_0 / r$

6\*. Тонкостенная сфера радиуса  $R$  равномерно заряжена зарядом  $Q$ . Найдите

- силу электростатического давления, действующую на единицу поверхности сферы
- силу натяжения сферы.

Ответ. а)  $p_{\text{эл}}=Q^2/32\pi^2\epsilon_0 R^4$  б)  $\sigma=F_{\text{н}}/l=Q^2/16\pi^2\epsilon_0 R^3$

## ЭЛЕКТРОСТАТИЧЕСКИЙ ПОТЕНЦИАЛ

1. Два одинаковых заряда величины  $q$  и массы  $m$  находятся на расстоянии  $L$  друг от друга.
  - а) Один заряд держат, а другой отпускают. Найдите скорость улетающего заряда на бесконечности.
  - б) Оба заряда отпускают одновременно. Найдите их скорость на бесконечности.
  
2. а) Дан график зависимости  $\phi(x)$ . Постройте (качественно) график  $E_x(x)$ .  
 б) Дан график зависимости  $E_x(x)$ . Постройте (качественно) график  $\phi(x)$ .
  
3. Данна картина эквипотенциальных поверхностей. Нарисуйте (качественно) картину силовых линий. Где поле сильнее - слева или справа?
  
4. Нарисуйте картину эквипотенциальных поверхностей поля, создаваемого
  - а) двумя точечными зарядами  $q$  и  $-q$ .
  - б) двумя точечными зарядами  $q$  и  $q$ .
  
5. Докажите, что потенциал поля точечного заряда  $q$  равен  $\phi(r)=q/4\pi\epsilon_0 r$ .
  
6. Найдите потенциал во всех точках пространства, создаваемый
  - а) двумя параллельными однородно заряженными бесконечными плоскостями (поверхностная плотность заряда  $\sigma$  и  $-\sigma$ )
  - б) сферой, однородно заряженной по поверхности (полный заряд сферы  $Q$ )
  - в) шаром, однородно заряженным по объему (полный заряд шара  $Q$ )
  - г) \* бесконечной нитью, однородно заряженной по длине (линейная плотность заряда  $\lambda$ ). Точку "нулевого потенциала" в каждой задаче выберите самостоятельно.
  
7. По поверхности сферы радиуса  $R$  равномерно распределен заряд  $Q$ . Чему равны потенциалы поля в центре сферы, на поверхности сферы? Изменятся ли они, если заряд будет распределен неравномерно?
  
- 8\*а) Найдите поле, которое создает пара зарядов  $q$  и  $-q$  на расстояниях, много больших расстояния между зарядами.  
 б) В пространстве расположено несколько зарядов  $q_i$ , сумма которых равна 0. Докажите, что поле, создаваемое этой системой зарядов на больших расстояниях, зависит только от величины  $d=\sum q_i r_i$  ("дипольного момента") и найдите эту зависимость.

## Домашние задачи.

1. В вершинах квадрата со стороной  $l$  находятся четыре заряда  $q$ . Найдите потенциал поля в центре квадрата.  
 Ответ.  $\phi=\sqrt{2} q/\pi\epsilon_0 l$
  
2. Имеется три параллельных заряженных плоскости. Поверхностная плотность заряда средней  $\sigma$ , крайних  $\sigma$  и  $-\sigma$ . Расстояния от крайних плоскостей до средней одинаковы и равны  $d$ . Найдите разность потенциалов между крайними плоскостями.  
 Ответ.  $\Delta\phi=2\sigma d/\epsilon_0$
  
3. Три концентрические сферы радиусов  $r$ ,  $2r$  и  $3r$  однородно заряжены зарядами  $q$ ,  $2q$  и  $3q$ . Определите потенциал каждой сферы.  
 Ответ.  $\phi_1=3q/4\pi\epsilon_0 r$ ,  $\phi_2=5q/8\pi\epsilon_0 r$ ,  $\phi_3=q/4\pi\epsilon_0 r$
  
4. Найдите полную электростатическую потенциальную энергию сферы радиуса  $R$ , равномерно заряженной зарядом  $Q$ .  
 Ответ.  $W=Q^2/8\pi\epsilon_0 R$

5. Для того, чтобы сложить две одинаковые тонкие пластины с равными зарядами, которые были удалены друг от друга на большое расстояние, необходимо совершить работу  $A$ . Какую работу нужно совершить, чтобы сложить вместе  $3$  таких пластины?  $n$  таких пластин?

Ответ.  $A_3=3A$ ,  $A_n=n(n-1)A/2$

6\* Равномерно заряженные грани правильного тетраэдра имеют одинаковый заряд. Чтобы сложить две грани тетраэдра вместе, необходимо совершить работу  $A$ . Какую работу нужно совершить, чтобы сложить все грани тетраэдра в одну стопку?

Ответ.  $A'=6A$