

Вступительные экзамены во 2-ю школу
(разные годы, математика, физика)

В 10 физ-мат класс

(24 мая 1997 года)

1. Найдите k и m , если точка $A(-2; -7)$ является вершиной параболы $y=kx^2+8x+m$.
2. Решите неравенство $(x+5)(3x^2-3x+1) > (x+5)(x^2+2x-1)$.
3. Решите графически уравнение $\frac{2}{x} + \sqrt{x+2} + 1 = 0$.
4. Решите систему уравнений $\begin{cases} x^2 - xy + y^2 = 3 \\ 2x^2 - xy - y^2 = 5 \end{cases}$
5. Из пункта A в пункт B , расположенный в 24 км от A , одновременно отправились велосипедист и пешеход. Велосипедист прибыл в пункт B на 4 ч раньше пешехода. Известно, что если бы велосипедист ехал в n раз меньшей на 4 км/ч скоростью, то на путь из A в B он затратил бы вдвое меньше времени, чем пешеход. Найдите скорость пешехода.
6. Вычислите $\sqrt[3]{\sqrt{2}-4\sqrt{12}} \cdot \sqrt[3]{2+2\sqrt{3}} \cdot \sqrt[3]{4\sqrt{12}+\sqrt{2}}$.
7. Докажите, что при любом натуральном n выражение $n^3+1 \ln$ кратно 6.
8. Дана арифметическая прогрессия (a_n) с положительными членами. Докажите, что имеет место равенство $\frac{1}{\sqrt{a_1} + \sqrt{a_2}} + \frac{1}{\sqrt{a_2} + \sqrt{a_3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{a_{n-1}} + \sqrt{a_n}} = \frac{n-1}{\sqrt{a_1} + \sqrt{a_n}}$.
9. Упростите выражение $\frac{\sin\left(\alpha - \frac{\pi}{4}\right)}{\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right)} \cdot \operatorname{ctg}\left(\alpha - \frac{5\pi}{4}\right) - \cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) \cdot \sin(\alpha - \pi)$.
10. Дан треугольник ABC , в котором угол B равен 30° , $AB=2$ см, $BC=3$ см. Биссектриса угла B пересекает AC в точке D . Найдите площадь треугольника ABD .

УСТНЫЙ ЭКЗАМЕН В 10 класс

1. Какое из чисел больше:
а) $\sqrt[3]{2}$ или $\sqrt[7]{5}$; б) 2^{3000} или 3^{2000} ;
в) $\sqrt{1995} + \sqrt{1997}$ или $2\sqrt{1996}$; г) $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ или π ?
2. Найти последнюю цифру числа: а) 2^{1996} ; б) 7^{1996} .
3. Разложить на множители: а) $x^{10}+x^3+1$; б) x^4+4 .
4. Найти наименьшее значение выражения x^2+y^2 , если $x+2y=1$.
5. Доказать, что неравенство $x^{20}-x^{17}+x^{14}-x^3+x^2-x+1 > 0$ выполняется для всех действительных значений x .
6. Доказать, что если натуральные числа n и $5n$ имеют одинаковые суммы цифр, то число n делится на 9.
7. Доказать, что для всех четных натуральных чисел n число n^3+20n делится на 48.
8. Решить систему уравнений: $\begin{cases} x^3 + y^3 = 9 \\ x^2 y + xy^2 = 6 \end{cases}$
9. Найти максимальное и минимальное значения выражения $\frac{2x+1}{x^2+x+1}$.
10. Изобразить на плоскости $ХОУ$ множество точек $(x; y)$, координаты которых удовлетворяют системе $\begin{cases} y^2 - x \geq 1 \\ (x+y+1)(x-y+1) < 0 \end{cases}$
11. Найти все значения m , для которых $mx+2y=1$ и $2x+my=1$ перпендикулярны.
12. Найти все натуральные числа n , для которых можно составить треугольник с длинами сторон n см, 2 см и n см.
13. Доказать, что биссектрисы внутренних углов параллелограмма образуют прямоугольник.
14. Точки A, B, C, D - середины сторон выпуклого четырехугольника площади S . Доказать, что $ABCD$ - параллелограмм и найти его площадь.
15. Может ли площадь треугольника быть 6 см², если все три его высоты меньше 1 см?
16. Сколько существует прямых, равноудаленных от трех заданных точек плоскости, не лежащих на одной прямой?
17. Площадь треугольника равна S . Найти радиус окружности, вписанной в этот треугольник, сторонами которого являются медианы данного треугольника.
18. Доказать, что три точки, симметричные относительно пересечения высот остроугольного треугольника относительно его сторон, лежат на одной окружности.
19. Точка O - центр правильного 18-угольника $A_1A_2\dots A_{18}$. Доказать, что сумма векторов, идущих из O в вершины этого многоугольника, есть нуль-вектор.
20. Какие многоугольники можно построить, пересекая куб плоскостью?

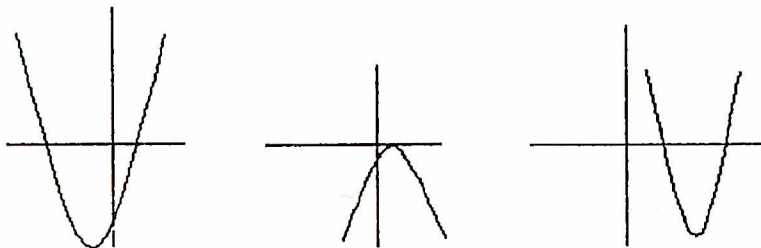
В 10 физ-мат класс

(19 апреля 1996 года)

1. Вычислить $\left(\frac{a+3b}{(a-b)^2} + \frac{a-3b}{a^2-b^2}\right) : \frac{a^2+3b}{a^3-a^2b-ab^2+b^3}$ при $a = \sqrt{3}, b = 1,7$.

2. Решить неравенство: $-\frac{1}{2}x^2 + 2,5x - 3 \geq 0$.

3. Дан график функции $y=ax^2+bx+c$. Определите знаки a , b и c .



4. Что больше: $\sin 243^\circ$ или $\operatorname{tg} 217^\circ$?

5. Вычислить $\frac{1-\sin\alpha}{\cos\alpha}$, если $\operatorname{tg}\alpha = -2$ и $90^\circ < \alpha < 180^\circ$.

6. Построить график уравнения $\sqrt{9-x^2}(y-|x-1|) = 0$.

7. В прямоугольной трапеции один из углов равен 135° , средняя линия равна 18 см, основания относятся как 4:5. Найти меньшую боковую сторону трапеции.

8. Из вершины прямого угла прямоугольного треугольника проведены медиана и биссектриса, которые образуют угол в 12° . Найти углы треугольника.

9. Найти все пары натуральных чисел, разность квадратов которых равна 45.

В 10 физ-мат класс

(17 мая 1996 года)

1. Сократите дробь: $\frac{3c^6 - 2c^3 - 5}{-6c^6 + 13c^3 - 5}$.

2. Постройте график функции $y = -x^2 + 4x + a$, если известно, что ее наибольшее значение равно 2 (a – параметр).

3. Найдите все значения x , при которых график функции $y = \frac{x-13}{x^2+x-3}$ не выходит за пределы полосы $0 \leq y \leq 1$.

4. Решите уравнение $4x^2 - 2|2x-1| = 34 + 4x$.

5. Найдите решения системы $\begin{cases} xy = 3 \\ y^2 = x - 2 \end{cases}$ с помощью графиков.

6. При каких значениях параметра a система $\begin{cases} x + y = a \\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases}$ имеет единственное решение?

7. Экзамен начинается в 16 часов. Через какое время после этого минутная стрелка часов догонит часовую?

8. Упростите выражение $\left(\frac{0,5a^{\frac{1}{4}}}{(2-a)^{\frac{3}{4}}} + \frac{(2-a)^{\frac{1}{4}} \cdot a^{-\frac{3}{4}}}{2}\right) : (2a-a^2)^{\frac{1}{4}}$.

9. Найдите наибольшее и наименьшее значения выражения $2\cos^2\alpha - 3\sin\alpha$ при всевозможных углах α .

10. Что больше: $\operatorname{tg} 2\alpha$ или $2 \cdot \operatorname{tg} \alpha$, если $0 < \alpha < \frac{\pi}{4}$?

18.97 18.03
29
19.29 19.06
10