

$$\rightarrow (2p-1)|A_{S_{m-1}}| - (1-p)|A_{S_m}| > (3p^2-2p)|M| = (3p^2-2p)|M|, \text{ ч. у. т. д.}$$

Пусть мы знаем, что это верно
 для $k=m-1$, докажем для $k=m$ (мат
 индукция).

$$|A_1 \dots A_m| = |A_1 \dots A_{m-1}| - |A_1 \dots \bar{A}_{m-1}| \geq |A_1 \dots A_{m-1}| - |A_{m-2} \bar{A}_{m-1}|$$

$$\rightarrow ((m-2)p^2 - (m-3)p)M - ((1-p)p)M = ((m-1)p^2 - (m-2)p)M, \text{ ч. у. т. д.}$$

Теперь докажем основное утверждение:

$$|A_1 \dots A_n| = |A_1 \dots A_{n-1}| - |A_1 \dots \bar{A}_n| \geq |A_1 \dots A_{n-1}| - |A_{n-1} \bar{A}_n|$$

$$\text{Возьмем } p = \frac{n-2}{n-1} \cdot \left(\frac{n-2}{n-1} > \frac{n-1-2}{n-1-1} \text{ (м.к. } n^2 - 4n + 4 > n^2 - 4n + 2) \right)$$

$$\text{Тогда } |A_1 \dots A_{n-1}| - |A_{n-1} \bar{A}_n| > ((n-1)p^2 - (n-3)p)M - (1-p)pM =$$

$$= ((n-1)p^2 - (n-2)p)M = \left(\frac{(n-1) \cdot (n-2)^2}{(n-1)^2} - \frac{(n-2) \cdot (n-2)}{n-1} \right) M = 0$$

$$\Downarrow \\ |A_1 \dots A_n| > 0, \text{ ч. у. т. д.}$$