

Малая теорема Ферма (упражнения).

- 1) Докажите, что справедлива такая форма малой теоремы Ферма: для любого натурального a и простого p верно $a^p \equiv a \pmod{p}$.
- 2) Какие остатки при делении на простое число p может давать a^{p-1} ?
- 3) Найдите $8^{900} \pmod{29}$.
- 4) Разделите 3 на 5 по модулю 143.
- 5) В лекции разбиралась задача о том, что число $\underbrace{111\dots11}_{2002 \text{ единицы}}$ делится на 2003. Решение было основано на том, что 2003 простое, а $2002 = 2003 - 1$. Для всех ли простых p верно соответствующее утверждение? Если нет, то для каких верно?
- 6) Докажите, что если p и q — различные простые числа, то $p^q + q^p \equiv p + q \pmod{pq}$.
- 7) Докажите, что для простого $p \neq 2$ верно $7^p - 5^p - 2 \mid 6p$.
- 8) Докажите **теорему Вильсона**: для простого p число $(p-1)! + 1$ делится на p .

Малая теорема Ферма (упражнения).

- 1) Докажите, что справедлива такая форма малой теоремы Ферма: для любого натурального a и простого p верно $a^p \equiv a \pmod{p}$.
- 2) Какие остатки при делении на простое число p может давать a^{p-1} ?
- 3) Найдите $8^{900} \pmod{29}$.
- 4) Разделите 3 на 5 по модулю 143.
- 5) В лекции разбиралась задача о том, что число $\underbrace{111\dots11}_{2002 \text{ единицы}}$ делится на 2003. Решение было основано на том, что 2003 простое, а $2002 = 2003 - 1$. Для всех ли простых p верно соответствующее утверждение? Если нет, то для каких верно?
- 6) Докажите, что если p и q — различные простые числа, то $p^q + q^p \equiv p + q \pmod{pq}$.
- 7) Докажите, что для простого $p \neq 2$ верно $7^p - 5^p - 2 \mid 6p$.
- 8) Докажите **теорему Вильсона**: для простого p число $(p-1)! + 1$ делится на p .

Малая теорема Ферма (упражнения).

- 1) Докажите, что справедлива такая форма малой теоремы Ферма: для любого натурального a и простого p верно $a^p \equiv a \pmod{p}$.
- 2) Какие остатки при делении на простое число p может давать a^{p-1} ?
- 3) Найдите $8^{900} \pmod{29}$.
- 4) Разделите 3 на 5 по модулю 143.
- 5) В лекции разбиралась задача о том, что число $\underbrace{111\dots11}_{2002 \text{ единицы}}$ делится на 2003. Решение было основано на том, что 2003 простое, а $2002 = 2003 - 1$. Для всех ли простых p верно соответствующее утверждение? Если нет, то для каких верно?
- 6) Докажите, что если p и q — различные простые числа, то $p^q + q^p \equiv p + q \pmod{pq}$.
- 7) Докажите, что для простого $p \neq 2$ верно $7^p - 5^p - 2 \mid 6p$.
- 8) Докажите **теорему Вильсона**: для простого p число $(p-1)! + 1$ делится на p .