

**Геометрия, 10 "В", группа 1, 21 сентября, домашнее задание.**

- 1) Докажите свойства параллельного проектирования: параллельные прямые переходят в параллельные, отношение длин параллельных отрезков сохраняется.
- 2) На плоскость спроектировали прямую  $a$  вдоль прямой  $b$  и прямую  $b$  вдоль прямой  $a$ . Докажите, что проекции параллельны друг другу.
- 3) Пусть  $O \notin \alpha$ . Сопоставим каждой точке  $A$  пространства точку  $A'$  пересечения прямой  $(OA)$  с  $\alpha$ . Указанное отображение пространства на плоскость называется *центральным проектированием*. Какие свойства центрального проектирования аналогичны свойствам параллельного проектирования?
- 4) Начертите куб  $ABCDA'B'C'D'$ . Докажите, что  $(AD') \dot{=} (A'C)$ . Постройте  $(A'C) \cap (ABC')$ . Постройте  $(A'C) \cap (DBC')$ .
- 5) Снова начертите куб  $ABCDA'B'C'D'$ . Отметьте середину ребра  $BC$  — точку  $P$ . Постройте  $(D'P) \cap (A'BC')$ . Постройте  $(D'P) \cap (DBC')$ .
- 6) Докажите, что в тетраэдре отрезки, соединяющие середины противоположных рёбер, пересекаются в одной точке.
- 7) Начертите  $SABCD$  — правильную пирамиду. Постройте  $(ABS) \cap (CDS)$ . Докажите, что отрезок, соединяющий середины рёбер  $AB$  и  $CS$ , параллелен плоскости  $SAD$ .