

**Независимый Московский Университет, осень 2021**

## **АЛГЕБРАИЧЕСКИЕ КРИВЫЕ**

### **Программа курса**

#### **1. Краткая история**

- 1.0. Пифагоровы тройки в Вавилоне
- 1.1. Конические сечения в Древней Греции
- 1.2. Ньютоновская классификация кубических кривых
- 1.3. Плоские проективные кривые в 19-м веке
- 1.4. Абелевы интегралы
- 1.5. Модули кривых по Риману и пространства Гурвица

#### **2. Плоские кривые**

- 2.0. Неприводимые кривые и поля рациональных функций на них
- 2.1. Бирациональный изоморфизм
- 2.2. Группа Кремоны
- 2.3. Особенности
- 2.4. Квадратичные преобразования
- 2.5. Дуальные кривые
- 2.6. Перегибы и заострения
- 2.7. Кривые малых степеней

#### **3. Кривые в проективных пространствах**

- 3.0. Гладкие модели функциональных полей
- 3.1. Разрешение особенностей кривых
- 3.2. Проекции проективных кривых
- 3.3. Гладкие кривые в трёхмерном пространстве
- 3.4. Многочлены Гильберта

#### **4. Внутренняя теория кривых**

- 4.0. Дивизоры и линейные расслоения
- 4.1. Векторные поля и дифференцирования
- 4.2. Дифференциалы и канонический класс
- 4.3. Род кривой
- 4.4. Группа Пикара
- 4.5. Канонические и гиерэллиптические кривые
- 4.6. Теорема Петри

*Г.Б. Шабат*